

**МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**Министерство образования Оренбургской области**

**Управление образования администрации г. Оренбурга**

**МОАУ "СОШ № 10"**

**РАССМОТРЕНО**

**Руководитель МО**

Гриценко Е.С.  
Пр. № от « » августа  
2024 г.

**СОГЛАСОВАНО**

**ЗД УВР**

Румянцева М.Ю.  
Пр. № от « » августа  
2024 г.

**УТВЕРЖДЕНО**

**Директор МОАУ  
"СОШ №10"**

Швалина Л. А.  
Пр. № от « » августа  
2024 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

(ID 4295915)

**учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа.**

**Углубленный уровень»**

**для обучающихся 10 – 11 классов**

**г. Оренбург, 2024**

## ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Учебный курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе среднего общего образования, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление обучающихся на уровне, необходимом для освоения информатики, обществознания, истории, словесности и других дисциплин. В рамках данного учебного курса обучающиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Учебный курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций развития экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их для дальнейшего образования и в повседневной жизни. В то же время овладение абстрактными и логически строгими конструкциями алгебры и математического анализа развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность, доказывать утверждения с помощью индукции и рассуждать дедуктивно, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление.

В ходе изучения учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» обучающиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций, интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Учебный курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей продолжительной концентрации внимания, самостоятельности, аккуратности и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

В структуре учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» выделены следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные

содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения на уровне среднего общего образования, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный учебный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин, таких как алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств, математическая логика и другие. По мере того как обучающиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные при изучении учебного курса, для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать свой ответ.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато на уровне основного общего образования. На уровне среднего общего образования особое внимание уделяется формированию навыков рациональных вычислений, включающих в себя использование различных форм записи числа, умение делать прикидку, выполнять приближённые вычисления, оценивать числовые выражения, работать с математическими константами. Знакомые обучающимся множества натуральных, целых, рациональных и действительных чисел дополняются множеством комплексных чисел. В каждом из этих множеств рассматриваются свойственные ему специфические задачи и операции: деление нацело, оперирование остатками на множестве целых чисел, особые свойства рациональных и иррациональных чисел, арифметические операции, а также извлечение корня натуральной степени на множестве комплексных чисел. Благодаря последовательному расширению круга используемых чисел и знакомству с возможностями их применения для решения различных задач формируется представление о единстве математики как науки и её роли в построении моделей реального мира, широко используются обобщение и конкретизация.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения на уровне среднего общего образования, поскольку в каждом разделе Программы предусмотрено решение соответствующих задач. В результате обучающиеся овладевают различными методами решения рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и систем, а также задач, содержащих параметры. Полученные умения широко используются при исследовании функций с помощью производной, при решении прикладных

задач и задач на нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений, содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления обучающихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символьными формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями учебного курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, так как у них появляется возможность строить графики сложных функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций, позволяет находить наилучшее решение в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о

выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и об их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» включает в себя элементы теории множеств и математической логики. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины и их приложения в единое целое. Поэтому важно дать возможность обучающемуся понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей. Другим важным признаком математики как науки следует признать свойственную ей строгость обоснований и следование определённым правилам построения доказательств. Знакомство с элементами математической логики способствует развитию логического мышления обучающихся, позволяет им строить свои рассуждения на основе логических правил, формирует навыки критического мышления.

В учебном курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют основы математического моделирования, которые призваны способствовать формированию навыков построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа, интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал учебного курса широко используется для решения прикладных задач. При решении реальных практических задач обучающиеся развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем учебного курса «Алгебра и начала математического анализа».

На изучение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» отводится 272 часа: в 10 классе – 136 часов (4 часа в неделю), в 11 классе – 136 часов (4 часа в неделю).

# СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

## 10 КЛАСС

### **Числа и вычисления**

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Модуль действительного числа и его свойства. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

Степень с целым показателем. Бином Ньютона. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Арифметический корень натуральной степени и его свойства.

Степень с рациональным показателем и её свойства, степень с действительным показателем.

Логарифм числа. Свойства логарифма. Десятичные и натуральные логарифмы.

Синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

### **Уравнения и неравенства**

Тождества и тождественные преобразования. Уравнение, корень уравнения. Равносильные уравнения и уравнения-следствия. Неравенство, решение неравенства.

Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств. Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу. Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета.

Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни.

Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений. Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений.

Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений.

Преобразование выражений, содержащих логарифмы.

Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений. Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений.

Основные тригонометрические формулы. Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений.

Решение систем линейных уравнений. Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы  $2 \times 2$ , его геометрический смысл и свойства, вычисление его значения, применение определителя для решения системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений. Исследование построенной модели с помощью матриц и определителей.

Построение математических моделей реальной ситуации с помощью уравнений и неравенств. Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

### **Функции и графики**

Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций. График функции. Элементарные преобразования графиков функций.

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке.

Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции. Элементарное исследование и построение их графиков.

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня  $n$ -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем.

Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики. Использование графиков функций для решения уравнений.

Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.

Функциональные зависимости в реальных процессах и явлениях. Графики реальных зависимостей.

### **Начала математического анализа**

Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции. Монотонные и ограниченные последовательности. История возникновения математического анализа как анализа бесконечно малых.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Линейный и экспоненциальный рост. Число  $e$ . Формула сложных

процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

Непрерывные функции и их свойства. Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций непрерывных на отрезке. Метод интервалов для решения неравенств. Применение свойств непрерывных функций для решения задач.

Первая и вторая производные функции. Определение, геометрический и физический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции.

Производные элементарных функций. Производная суммы, произведения, частного и композиции функций.

### **Множества и логика**

Множество, операции над множествами и их свойства. Диаграммы Эйлера–Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, свойство математического объекта, следствие, доказательство, равносильные уравнения.

## **11 КЛАСС**

### **Числа и вычисления**

Натуральные и целые числа. Применение признаков делимости целых чисел, наибольший общий делитель (далее – НОД) и наименьшее общее кратное (далее – НОК), остатков по модулю, алгоритма Евклида для решения задач в целых числах.

Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа. Арифметические операции с комплексными числами. Изображение комплексных чисел на координатной плоскости. Формула Муавра. Корни  $n$ -ой степени из комплексного числа. Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач.

### **Уравнения и неравенства**

Система и совокупность уравнений и неравенств. Равносильные системы и системы-следствия. Равносильные неравенства.

Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности. Решение тригонометрических неравенств.

Основные методы решения показательных и логарифмических неравенств.

Основные методы решения иррациональных неравенств.

Основные методы решения систем и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений.



Рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения, неравенства и системы с параметрами. Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью систем уравнений с параметрами.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов.

### **Функции и графики**

График композиции функций. Геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Графические методы решения иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств. Графические методы решения задач с параметрами.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

### **Начала математического анализа**

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком.

Первообразная, основное свойство первообразных. Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных.

Интеграл. Геометрический смысл интеграла. Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница.

Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур и объёмов геометрических тел.

Примеры решений дифференциальных уравнений. Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений.

# ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «АЛГЕБРА И НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

## ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

### **1) гражданского воспитания:**

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

### **2) патриотического воспитания:**

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

### **3) духовно-нравственного воспитания:**

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

### **4) эстетического воспитания:**

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

### **5) физического воспитания:**

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

### **6) трудового воспитания:**

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы,

готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

**7) экологического воспитания:**

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

**8) ценности научного познания:**

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **Познавательные универсальные учебные действия**

**Базовые логические действия:**

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

### **Базовые исследовательские действия:**

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

### **Работа с информацией:**

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

### **Коммуникативные универсальные учебные действия**

#### **Общение:**

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

## **Регулятивные универсальные учебные действия**

### **Самоорганизация:**

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

### **Самоконтроль, эмоциональный интеллект:**

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

### **Совместная деятельность:**

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

К концу обучения в **10 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

### **Числа и вычисления:**

свободно оперировать понятиями: рациональное число, бесконечная периодическая дробь, проценты, иррациональное число, множества рациональных и действительных чисел, модуль действительного числа;

применять дроби и проценты для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни;

применять приближённые вычисления, правила округления, прикидку и оценку результата вычислений;

свободно оперировать понятием: степень с целым показателем, использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных;

свободно оперировать понятием: арифметический корень натуральной степени;

свободно оперировать понятием: степень с рациональным показателем;

свободно оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы;

свободно оперировать понятиями: синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента;

оперировать понятиями: арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

### **Уравнения и неравенства:**

свободно оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство, равносильные уравнения и уравнения-следствия, равносильные неравенства;

применять различные методы решения рациональных и дробно-рациональных уравнений, применять метод интервалов для решения неравенств;

свободно оперировать понятиями: многочлен от одной переменной, многочлен с целыми коэффициентами, корни многочлена, применять деление многочлена на многочлен с остатком, теорему Безу и теорему Виета для решения задач;

свободно оперировать понятиями: система линейных уравнений, матрица, определитель матрицы  $2 \times 2$  и его геометрический смысл, использовать свойства определителя  $2 \times 2$  для вычисления его значения, применять определители для решения системы линейных уравнений, моделировать реальные ситуации с помощью системы линейных уравнений, исследовать построенные модели с помощью матриц и определителей, интерпретировать полученный результат;

использовать свойства действий с корнями для преобразования выражений;

выполнять преобразования числовых выражений, содержащих степени с рациональным показателем;

использовать свойства логарифмов для преобразования логарифмических выражений;

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические уравнения, находить их решения с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней;

применять основные тригонометрические формулы для преобразования тригонометрических выражений;

свободно оперировать понятием: тригонометрическое уравнение, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических уравнений;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

### **Функции и графики:**

свободно оперировать понятиями: функция, способы задания функции, взаимно обратные функции, композиция функций, график функции, выполнять элементарные преобразования графиков функций;

свободно оперировать понятиями: область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства;

свободно оперировать понятиями: чётные и нечётные функции, периодические функции, промежутки монотонности функции, максимумы и минимумы функции, наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке;

свободно оперировать понятиями: степенная функция с натуральным и целым показателем, график степенной функции с натуральным и целым показателем, график корня  $n$ -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем;

оперировать понятиями: линейная, квадратичная и дробно-линейная функции, выполнять элементарное исследование и построение их графиков;

свободно оперировать понятиями: показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики, использовать их графики для решения уравнений;

свободно оперировать понятиями: тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента;

использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни, выражать формулами зависимости между величинами;

### **Начала математического анализа:**

свободно оперировать понятиями: арифметическая и геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, линейный и

экспоненциальный рост, формула сложных процентов, иметь представление о константе;

использовать прогрессии для решения реальных задач прикладного характера;

свободно оперировать понятиями: последовательность, способы задания последовательностей, монотонные и ограниченные последовательности, понимать основы зарождения математического анализа как анализа бесконечно малых;

свободно оперировать понятиями: непрерывные функции, точки разрыва графика функции, асимптоты графика функции;

свободно оперировать понятием: функция, непрерывная на отрезке, применять свойства непрерывных функций для решения задач;

свободно оперировать понятиями: первая и вторая производные функции, касательная к графику функции;

вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции двух функций, знать производные элементарных функций;

использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

### **Множества и логика:**

свободно оперировать понятиями: множество, операции над множествами;

использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов;

свободно оперировать понятиями: определение, теорема, уравнение-следствие, свойство математического объекта, доказательство, равносильные уравнения и неравенства.

К концу обучения в **11 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

### **Числа и вычисления:**

свободно оперировать понятиями: натуральное и целое число, множества натуральных и целых чисел, использовать признаки делимости целых чисел, НОД и НОК натуральных чисел для решения задач, применять алгоритм Евклида;

свободно оперировать понятием остатка по модулю, записывать натуральные числа в различных позиционных системах счисления;

свободно оперировать понятиями: комплексное число и множество комплексных чисел, представлять комплексные числа в алгебраической и



тригонометрической форме, выполнять арифметические операции с ними и изображать на координатной плоскости.

### **Уравнения и неравенства:**

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические неравенства, находить их решения с помощью равносильных переходов;

осуществлять отбор корней при решении тригонометрического уравнения;

свободно оперировать понятием тригонометрическое неравенство, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических неравенств;

свободно оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств, равносильные системы и системы-следствия, находить решения системы и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств;

решать рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения и неравенства, содержащие модули и параметры;

применять графические методы для решения уравнений и неравенств, а также задач с параметрами;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат.

### **Функции и графики:**

строить графики композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции двух функций;

строить геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости;

свободно оперировать понятиями: графики тригонометрических функций;

применять функции для моделирования и исследования реальных процессов.

### **Начала математического анализа:**

использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы;

находить наибольшее и наименьшее значения функции непрерывной на отрезке;

использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком;

свободно оперировать понятиями: первообразная, определённый интеграл, находить первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона-Лейбница;

находить площади плоских фигур и объёмы тел с помощью интеграла;

иметь представление о математическом моделировании на примере составления дифференциальных уравнений;

решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

# ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

## 10 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Множество действительных чисел. Многочлены. Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений	24	2		Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
2	Функции и графики. Степенная функция с целым показателем	12	1		Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
3	Арифметический корень n-ой степени. Иррациональные уравнения	15	1		Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
4	Показательная функция. Показательные уравнения	10	2		Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
5	Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения	18	1		Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
6	Тригонометрические выражения и уравнения	22	1		Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
7	Последовательности и прогрессии	10	1		Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
8	Непрерывные функции. Производная	20	1		Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
9	Повторение, обобщение, систематизация знаний	5	2		Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	12	0	

## 11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Исследование функций с помощью производной	22	2		Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
2	Первообразная и интеграл	12	1		Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
3	Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства	14	1		Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
4	Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства	24	2		Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
5	Комплексные числа	10	1		Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
6	Натуральные и целые числа	10	1		Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
7	Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений	12	1		Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
8	Задачи с параметрами	16	1		Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
9	Повторение, обобщение, систематизация знаний	16	2		Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	12	0	

# ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

## 10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби	1			04.09	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
2	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби	1			04.09	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
3	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач	1			05.09	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
4	Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа	1			06.09	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
5	Арифметические операции с действительными числами	1			11.09	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
6	Модуль действительного числа и его свойства	1			11.09	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
7	Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений	1			12.09	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
8	Множество, операции над	1			13.09	Библиотека ЦОК

	множествами и их свойства. Диаграммы Эйлера-Венна					<a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
9	Стартовая контрольная работа	1	1		18.09	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
10	Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов	1			18.09	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
11	Определение, теорема, свойство математического объекта, следствие, доказательство, равносильные уравнения	1			19.09	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
12	Тождества и тождественные преобразования. Уравнение, корень уравнения. Равносильные уравнения и уравнения-следствия. Неравенство, решение неравенства	1			20.09	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
13	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1			25.09	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
14	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1			25.09	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
15	Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с	1			26.09	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>

	остатком. Теорема Безу					
16	Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета	1			27.09	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
17	Решение систем линейных уравнений	1			02.10 30.09	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
18	Решение систем линейных уравнений	1			02.10	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
19	Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы $2 \times 2$ , его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения	1			03.10	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
20	Определитель матрицы $2 \times 2$ , его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения	1			04.10	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
21	Применение определителя для решения системы линейных уравнений	1			09.10 07.10	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
22	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1			09.10	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
23	Исследование построенной модели с помощью матриц и определителей	1			10.10	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
24	Контрольная работа №1 по	1	1		11.10	Библиотека ЦОК

	теме: "Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений"					<a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
25	Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций	1			16.10 14.10	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
26	График функции. Элементарные преобразования графиков функций	1			16.10	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
27	Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знак постоянства	1			17.10	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
28	Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции	1			18.10	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
29	Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке	1			23.10 21.10	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
30	Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции	1			23.10	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
31	Элементарное исследование и построение графиков этих функций	1			24.10	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
32	Элементарное исследование и построение графиков этих	1			25.10	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>



	функций					
33	Степень с целым показателем. Бином Ньютона	1			06.11	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
34	Степень с целым показателем. Бином Ньютона. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных	1			06.11 07.11	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
35	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график	1			07.11 08.11	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
36	Контрольная работа №2 по теме: "Степенная функция. Её свойства и график"	1	1		08.11 11.11	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
37	Арифметический корень натуральной степени и его свойства	1			13.11	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
38	Арифметический корень натуральной степени и его свойства	1			13.11 14.11	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
39	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1			14.11 15.11	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
40	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1			15.11 18.11	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>

41	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1			20.11	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
42	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1			20.11 21.11	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
43	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1			21.11 22.11	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
44	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1			22.11 25.11	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
45	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1			27.11	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
46	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1			27.11 28.11	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
47	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1			28.11 29.11	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
48	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1			29.11 02.12	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
49	Свойства и график корня n-ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем	1			04.12	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>

50	Свойства и график корня $n$ -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем	1			04.12 05.12	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
51	Контрольная работа №3 по теме: "Свойства и график корня $n$ -ой степени. Иррациональные уравнения"	1	1		05.12 06.12	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
52	Степень с рациональным показателем и её свойства	1			06.12 09.12	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
53	Степень с действительным показателем и её свойства	1			11.12	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
54	Показательная функция, её свойства и график	1			11.12 12.12	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
55	Использование графика функции для решения уравнений	1			12.12 13.12	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
56	Использование графика функции для решения уравнений	1			13.12 16.12	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
57	Контрольная работа за 1 полугодие	1	1		18.12	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
58	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1			18.12 19.12	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
59	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1			19.12 20.12	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>

60	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1			20.12 23.12	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
61	Контрольная работа №4 по теме: "Показательная функция. Показательные уравнения"	1	1		25.12	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
62	Логарифм числа. Свойства логарифма	1			25.12 26.12	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
63	Логарифм числа. Свойства логарифма	1			26.12 27.12	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
64	Логарифм числа. Свойства логарифма	1			27.12 09.01	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
65	Десятичные и натуральные логарифмы	1			09.01 10.01	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
66	Десятичные и натуральные логарифмы	1			10.01 13.01	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
67	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1			15.01	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
68	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1			15.01 16.01	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
69	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1			16.01 17.01	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
70	Логарифмическая функция, её свойства и график	1			17.01 20.01	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
71	Логарифмическая функция, её свойства и график	1			22.01	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
72	Использование графика функции для решения	1			22.01 23.01	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>

	уравнений					
73	Использование графика функции для решения уравнений	1			23.01 24.01	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
74	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1			24.01 27.01	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
75	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1			29.01	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
76	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1			29.01 30.01	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
77	Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений	1			30.01 31.01	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
78	Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений	1			31.01 03.02	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
79	Контрольная работа №5 по теме: "Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения"	1	1		05.02	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
80	Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента	1			05.02 06.02	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
81	Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента	1			06.02 07.02	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
82	Арксинус, арккосинус и	1			07.02	Библиотека ЦОК

	арктангенс числового аргумента				10.02	<a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
83	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1			12.02	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
84	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1			12.02 13.02	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
85	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1			13.02 14.02	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
86	Основные тригонометрические формулы	1			14.02 17.02	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
87	Основные тригонометрические формулы	1			19.02	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
88	Основные тригонометрические формулы	1			19.02 20.02	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
89	Основные тригонометрические формулы	1			20.02 21.02	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
90	Преобразование тригонометрических выражений	1			21.02 24.02	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
91	Преобразование тригонометрических выражений	1			26.02	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
92	Преобразование тригонометрических выражений	1			26.02 27.02	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
93	Преобразование тригонометрических выражений	1			27.02 28.02	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
94	Решение тригонометрических	1			28.02	Библиотека ЦОК

	уравнений				03.03	<a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
95	Решение тригонометрических уравнений	1			05.03	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
96	Решение тригонометрических уравнений	1			05.03 06.03	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
97	Решение тригонометрических уравнений	1			06.03 07.03	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
98	Решение тригонометрических уравнений	1			07.03 10.03	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
99	Решение тригонометрических уравнений	1			12.03	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
100	Решение тригонометрических уравнений	1			12.03 13.03	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
101	Контрольная работа №6 по теме: "Тригонометрические выражения и тригонометрические уравнения"	1	1		13.03 14.03	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
102	Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции	1			14.03 17.03	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
103	Монотонные и ограниченные последовательности. История анализа бесконечно малых	1			19.03 20.03	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
104	Арифметическая прогрессия	1			19.03 21.03	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
105	Геометрическая прогрессия	1			20.03 24.03	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>

106	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия	1			21.03 04.04	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
107	Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии	1			04.04 07.04	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
108	Линейный и экспоненциальный рост. Число $e$ . Формула сложных процентов	1			09.04	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
109	Линейный и экспоненциальный рост. Число $e$ . Формула сложных процентов	1			09.04 10.04	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
110	Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера	1			10.04 11.04	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
111	Контрольная работа №7 по теме: "Последовательности и прогрессии"	1	1		11.04 14.04	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
112	Непрерывные функции и их свойства	1			16.04 15.04	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
113	Точка разрыва. Асимптоты графиков функций	1			16.04	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
114	Свойства функций непрерывных на отрезке	1			17.04	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
115	Свойства функций непрерывных на отрезке	1			18.04	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
116	Метод интервалов для решения неравенств	1			23.04 21.05	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
117	Метод интервалов для решения неравенств	1			23.04 23.04	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>



118	Метод интервалов для решения неравенств	1			24.04	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
119	Применение свойств непрерывных функций для решения задач	1			25.04	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
120	Применение свойств непрерывных функций для решения задач	1			30.04 28.04	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
121	Первая и вторая производные функции	1			30.04	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
122	Определение, геометрический смысл производной	1			01.05	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
123	Определение, физический смысл производной	1			02.05	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
124	Уравнение касательной к графику функции	1			07.05 05.05	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
125	Уравнение касательной к графику функции	1			07.05	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
126	Производные элементарных функций	1			08.05	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
127	Производные элементарных функций	1			14.05 12.05	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
128	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1			14.05	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
129	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1			15.05	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>

130	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1			С 11.04 по 16.05(16.05)	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
131	Контрольная работа №8 по теме: "Производная"	1	1		21 .05 19.05	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
132	Построение математических моделей реальной ситуации с помощью уравнений и неравенств. Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни	1			21.05	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
133	Функциональные зависимости в реальных процессах и явлениях. Графики реальных зависимостей	1			22.05	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
134	Промежуточная аттестация. Итоговое тестирование с элементами решения задач	1	1		23.05	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
135	Промежуточная аттестация. Итоговое тестирование с элементами решения задач	1	1		23.05	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
136	Повторение, обобщение, систематизация знаний	1			28.05 26.05	Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/10/">https://resh.edu.ru/subject/51/10/</a>
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	12	0		

## 11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
2	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
3	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
4	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
5	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
6	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
7	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>

8	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
9	Входная мониторинговая работа	1	1			Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
10	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
11	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
12	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
13	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
14	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
15	Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
16	Применение производной для	1				Библиотека ЦОК

	определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком					<a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
17	График композиции функций	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
18	График композиции функций	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
19	График композиции функций	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
20	Геометрические образы уравнений на координатной плоскости	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
21	Геометрические образы уравнений на координатной плоскости	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
22	Контрольная работа №1 по теме: "Исследование функций с помощью производной"	1	1			Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
23	Первообразная, основное свойство первообразных	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
24	Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
25	Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
26	Интеграл. Геометрический смысл интеграла	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>

27	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
28	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
29	Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
30	Применение интеграла для нахождения объёмов геометрических тел	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
31	Примеры решений дифференциальных уравнений	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
32	Примеры решений дифференциальных уравнений	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
33	Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
34	Контрольная работа №2 по теме: "Первообразная и интеграл"	1	1			Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
35	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
36	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
37	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
38	Тригонометрические функции,	1				Библиотека ЦОК

	их свойства и графики					<a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
39	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
40	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
41	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
42	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
43	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
44	Решение тригонометрических неравенств	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
45	Решение тригонометрических неравенств	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
46	Решение тригонометрических неравенств	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
47	Решение тригонометрических неравенств	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
48	Контрольная работа №3 по теме:	1	1			Библиотека ЦОК

	"Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства"					<a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
49	Основные методы решения показательных неравенств	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
50	Основные методы решения показательных неравенств	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
51	Основные методы решения показательных неравенств	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
52	Основные методы решения показательных неравенств	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
53	Основные методы решения логарифмических неравенств	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
54	Основные методы решения логарифмических неравенств	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
55	Основные методы решения логарифмических неравенств	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
56	Основные методы решения иррациональных неравенств	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
57	Контрольная работа за 1 полугодие	1	1			Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
58	Основные методы решения иррациональных неравенств	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
59	Основные методы решения иррациональных неравенств	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
60	Основные методы решения иррациональных неравенств	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
61	Графические методы решения	1				Библиотека ЦОК



	иррациональных уравнений					<a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
62	Графические методы решения иррациональных уравнений	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
63	Графические методы решения показательных уравнений	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
64	Графические методы решения показательных неравенств	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
65	Графические методы решения логарифмических уравнений	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
66	Графические методы решения логарифмических неравенств	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
67	Графические методы решения логарифмических неравенств	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
68	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
69	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
70	Графические методы решения показательных и логарифмических неравенств	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
71	Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>

	жизни					
72	Контрольная работа № 4 по теме: "Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства"	1	1			Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
73	Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
74	Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
75	Арифметические операции с комплексными числами	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
76	Арифметические операции с комплексными числами	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
77	Изображение комплексных чисел на координатной плоскости	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
78	Изображение комплексных чисел на координатной плоскости	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
79	Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
80	Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
81	Применение комплексных чисел	1				Библиотека ЦОК

	для решения физических и геометрических задач					<a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
82	Контрольная работа №5 по теме: "Комплексные числа"	1	1			Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
83	Натуральные и целые числа	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
84	Натуральные и целые числа	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
85	Применение признаков делимости целых чисел	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
86	Применение признаков делимости целых чисел	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
87	Применение признаков делимости целых чисел: НОД и НОК	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
88	Применение признаков делимости целых чисел: НОД и НОК	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
89	Применение признаков делимости целых чисел: остатки по модулю	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
90	Применение признаков делимости целых чисел: остатки по модулю	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
91	Применение признаков делимости целых чисел: алгоритм Евклида для решения задач в целых числах	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>

92	Контрольная работа №6 по теме: "Теория целых чисел"	1	1			Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
93	Система и совокупность уравнений и неравенств. Равносильные системы и системы-следствия	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
94	Система и совокупность уравнений и неравенств. Равносильные системы и системы-следствия. Равносильные неравенства	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
95	Основные методы решения систем и совокупностей рациональных уравнений и неравенств	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
96	Основные методы решения систем и совокупностей иррациональных уравнений и неравенств	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
97	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений и неравенств	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
98	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений и неравенств	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
99	Основные методы решения систем и совокупностей	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>

	логарифмических уравнений и неравенств					
100	Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических уравнений и неравенств	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
101	Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
102	Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
103	Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
104	Контрольная работа №7 по теме: "Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений и неравенств "	1	1			Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>

105	Рациональные уравнения с параметрами	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
106	Рациональные неравенства с параметрами	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
107	Рациональные системы с параметрами	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
108	Иррациональные уравнения, неравенства с параметрами	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
109	Иррациональные системы с параметрами	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
110	Показательные уравнения, неравенства с параметрами	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
111	Показательные системы с параметрами	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
112	Логарифмические уравнения, неравенства с параметрами	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
113	Логарифмические системы с параметрами	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
114	Тригонометрические уравнения с параметрами	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
115	Тригонометрические неравенства с параметрами	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
116	Тригонометрические системы с параметрами	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
117	Графические методы решения задач с параметрами	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
118	Построение и исследование математических моделей	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>

	реальных ситуаций с помощью систем уравнений с параметрами					
119	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью систем уравнений с параметрами	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
120	Контрольная работа №8 по теме: "Задачи с параметрами"	1	1			Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
121	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
122	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
123	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения. Системы уравнений"	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
124	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
125	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
126	Повторение, обобщение, систематизация знаний:	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>

	"Неравенства"					
127	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
128	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
129	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
130	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Интеграл и его применение"	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
131	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
132	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
133	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
134	Промежуточная аттестация. Итоговое тестирование с элементами решения задач	1	1			Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
135	Промежуточная аттестация. Итоговое тестирование с элементами решения задач	1	1			Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>



136	Повторение, обобщение, систематизация знаний	1				Библиотека ЦОК <a href="https://resh.edu.ru/subject/51/11/">https://resh.edu.ru/subject/51/11/</a>
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	12	0		

## **УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

Алгебра и начала математического анализа. 10 класс. В 2 ч. Ч. 1. Учебник для учащихся общеобразовательных учреждений (профильный уровень) / А. Г. Мордкович, П. В. Семёнов. - 4-е изд., стер. - М. : Мнемозина, 2010.

Алгебра и начала математического анализа. 11 класс. В 2 ч. Ч. 1. Учебник для учащихся общеобразовательных учреждений (профильный уровень) / А. Г. Мордкович, П. В. Семёнов. - 4-е изд., стер. - М. : Мнемозина, 2010.

Алгебра и начала математического анализа. 10 класс. В 2 ч. Ч. 2. Задачник для учащихся общеобразовательных учреждений (профильный уровень) / А. Г. Мордкович и др.; под ред. А. Г. Мордковича - 3-е изд., стер. - М. : Мнемозина, 2009.

Алгебра и начала математического анализа. 11 класс. В 2 ч. Ч. 2. Задачник для учащихся общеобразовательных учреждений (профильный уровень) / А. Г. Мордкович и др.; под ред. А. Г. Мордковича - 3-е изд., стер. - М. : Мнемозина, 2009.

## **МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ**

- Проверочные работы с элементами тестирования. Тригонометрия. Рабочая тетрадь часть 1. Н. В. Бурмистрова, Н. Г. Старостенкова

- Проверочные работы с элементами тестирования. Тригонометрия. Рабочая тетрадь часть 2. Н. В. Бурмистрова, Н. Г. Старостенкова

- Карточки по тригонометрии 10-11 кл. А. В. Макеева

- К/р 10-11 кл. Алгебра и начала анализа. А. Г. Мордкович, Е. Е.

Тульчинская

- Самостоятельные и контрольные работы 10-11 кл. Алгебра и начала анализа. А. П. Ершова, В. В. Голобородко

- Проверочные работы с элементами тестирования. Алгебра 10 кл.

Рабочая тетрадь. Н. Г. Старостенкова

- Д/м по алгебре и началам анализа 10 кл. Б. М. Ивлев, С. М. Саакян, С.

И. Шварцбург

- Проверочные работы с элементами тестирования. Алгебра 11 кл.

Рабочая тетрадь. Н. Г. Старостенкова

- Задачи с параметрами. А. А. Прокофьев

- Решение задач повышенной сложности. Клейменов В. А.

- Тренажер по тригонометрии. Под ред. Ф. Ф. Лысенко, С. Ю.

Кулабухова

- Социально-экономические задачи. Профильный уровень. Под ред. Ф. Ф. Лысенко, С. Ю. Кулабухова

- Задачи на целые числа. Профильный уровень. Под ред. Ф. Ф. Лысенко, С. Ю. Кулабухова
- Полный курс логарифмов. П. И. Самсонов

## ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ

Библиотека ЦОК <https://resh.edu.ru/subject/51/10/>,  
<https://resh.edu.ru/subject/51/11/>  
 УРОК.РФ  
 school-collection.edu.ru  
 ict.edu.ru  
 pedsovet.org

### Контрольно-измерительные работы 10 класс

#### Входная контрольная работа

1 вариант

1. Найдите значение выражения  $\left(\frac{18}{25} - \frac{9}{11}\right) : \frac{6}{11}$ .

2. Найдите значение выражения  $5 \cdot 10^{-1} + 6 \cdot 10^{-2} + 4 \cdot 10^{-4}$ .

3. Найдите значение выражения  $(x+9) : \frac{x^2 + 18x + 81}{x-9}$  при  $x = 81$ .

4. Упростите выражение  $(a+2)^2 - a(4-7a)$  и найдите его значение при  $a = -\frac{1}{2}$ . В ответе запишите найденное значение.

5. Решите систему уравнений  $\begin{cases} 2x - y = 1, \\ 3x + 2y = 12. \end{cases}$  В ответ запишите  $x + y$ .

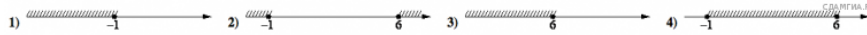
6. Найдите корни уравнения  $x^2 - 7x = 8$ .

Если корней несколько, запишите их в ответ без пробелов в порядке возрастания.

7. Закон Менделеева-Клапейрона можно записать в виде  $PV = \nu RT$ , где  $P$  — давление (в паскалях),  $V$  — объём (в  $\text{м}^3$ ),  $\nu$  — количество вещества (в молях),  $T$  — температура (в градусах Кельвина), а  $R$  — универсальная газовая постоянная, равная  $8,31 \text{ Дж}/(\text{К} \cdot \text{моль})$ . Пользуясь этой формулой, найдите температуру  $T$  (в градусах Кельвина), если  $P = 77698,5 \text{ Па}$ ,  $\nu = 28,9 \text{ моль}$ ,  $V = 1,7 \text{ м}^3$ .

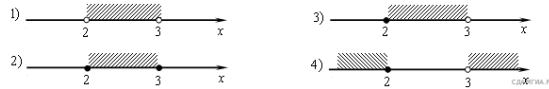
8. Период колебания математического маятника (в секундах) приближенно можно вычислить по формуле  $T = 2\sqrt{l}$ , где  $l$  — длина нити (в метрах). Пользуясь этой формулой, найдите длину нити маятника (в метрах), период колебаний которого составляет 3 секунды.

9. На каком рисунке изображено множество решений неравенства  $x^2 - 5x - 6 \leq 0$ ?



10. Решите неравенство:  $\frac{x-2}{3-x} \geq 0$

На каком из рисунков изображено множество его решений?  
В ответе укажите номер правильного варианта.



## 2 Вариант

1. Найдите значение выражения  $0,8 \cdot (-10)^2 - 95$ .

2. Найдите значение выражения  $(6,7 \cdot 10^{-3})(5 \cdot 10^{-3})$ .

3. Найдите значение выражения  $\frac{4ac^2}{a^2 - c^2} \cdot \frac{a + c}{ac}$  при  $a = 3,1, c = 3,6$

4. Найдите значение выражения  $10ab + (-5a + b)^2$  при  $a = \sqrt{10}, b = \sqrt{5}$ .

5. Решите систему уравнений  $\begin{cases} 5x - y = 7, \\ 3x + 2y = -1. \end{cases}$  В ответ запишите  $x + y$ .

6. Решите уравнение  $x^2 + x - 12 = 0$ .

Если уравнение имеет более одного корня, в ответ запишите больший из корней.

7. Радиус описанной около треугольника окружности можно найти по формуле  $R = \frac{a}{2 \sin \alpha}$ , где  $a$  — сторона треугольника,  $\alpha$  — противолежащий этой стороне угол, а  $R$  — радиус описанной около этого треугольника окружности. Пользуясь этой формулой, найдите  $\sin \alpha$ , если  $a = 0,6$ , а  $R = 0,75$ .

8. Центробежное ускорение при движении по окружности (в  $\text{м/с}^2$ ) можно вычислить по формуле  $a = \omega^2 R$ , где  $\omega$  — угловая скорость (в  $\text{с}^{-1}$ ), а  $R$  — радиус окружности. Пользуясь этой формулой, найдите расстояние  $R$  (в метрах), если угловая скорость равна  $5,5 \text{ с}^{-1}$ , а центробежное ускорение равно  $60,5 \text{ м/с}^2$ .

9. Решите неравенство  $x^2 - 16 \geq 0$

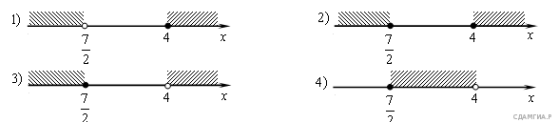
1)  $(-\infty; -4] \cup [4; +\infty)$

2)  $[-4; 4]$

3)  $(-\infty; +\infty)$

4) нет решений

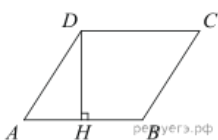
10. На каком рисунке изображено множество решений неравенства  $\frac{2x-7}{4-x} \geq 0$   
В ответе укажите номер правильного варианта.



## Контрольная работа за 1 полугодие

### 1 вариант

1. Найдите корни уравнения:  $\cos \frac{\pi(x-7)}{3} = \frac{1}{2}$ . В ответ запишите наибольший отрицательный корень.



2. Найдите высоту ромба, сторона которого равна  $\sqrt{3}$ , а острый угол равен  $60^\circ$ .

3. Найдите  $5 \sin \alpha$ , если  $\cos \alpha = \frac{2\sqrt{6}}{5}$  и  $\alpha \in \left(\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right)$ .

4. Изюм получается в процессе сушки винограда. Сколько килограммов винограда потребуется для получения 36 килограммов изюма, если виноград содержит 90% воды, а изюм содержит 5% воды?

5. а) Решите уравнение  $8 \sin^2 x + 2\sqrt{3} \cos x + 1 = 0$ .

- б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие промежутку  $\left[-\frac{7\pi}{2}; -2\pi\right]$ .

### 2 вариант

1. Решите уравнение  $\operatorname{tg} \frac{\pi(x-3)}{6} = \frac{1}{\sqrt{3}}$ . В ответе напишите наибольший отрицательный корень.

2. Площадь треугольника равна 31.  $DE$  – средняя линия, параллельная стороне  $AB$ . Найдите площадь трапеции  $ABED$ .

3. Найдите  $\cos \alpha$ , если  $\sin \alpha = \frac{\sqrt{7}}{4}$  и  $\alpha \in \left(\frac{\pi}{2}; \pi\right)$ .

4. Вере надо подписать 640 открыток. Ежедневно она подписывает на одно и то же количество открыток больше по сравнению с предыдущим днем. Известно, что за первый день Вера подписала 10 открыток. Определите, сколько открыток было подписано за четвертый день, если вся работа была выполнена за 16 дней.

5. а) Решите уравнение  $\frac{1}{\operatorname{tg}^2 x} + \frac{3}{\sin x} + 3 = 0$ .

- б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие промежутку  $\left[2\pi, \frac{7\pi}{2}\right]$ .

## Промежуточная аттестация. Итоговая контрольная работа

### Вариант 1.

1. Вычислите: а)  $\sin \frac{31\pi}{4}$ , б)  $\operatorname{arctg}(-1) + 2 \arccos(-\frac{\sqrt{2}}{2}) - \arcsin \frac{1}{2}$ ,  
в)  $\sin(270 - \alpha) + \operatorname{ctg}(\frac{3\pi}{2} + \alpha)$
2. Решите уравнения: а)  $2 \sin x - \sqrt{2} = 0$ , б)  $5 \cos^2 x + 6 \sin x - 6 = 0$
3. Найдите производные функций: а)  $y = 3 \operatorname{tg} x - 2\sqrt{e}$ , б)  $y = 5x^2 \cos x$
4. Исследуйте функцию  $y = x^3 - 6x^2$  на монотонность
5. Решите неравенство:  $\sin(2x - \frac{\pi}{3}) > \frac{1}{2}$

### Вариант 2.

1. Вычислите: а)  $\cos \frac{13\pi}{3}$ , б)  $2 \operatorname{arctg} 1 + \arccos(-\frac{\sqrt{3}}{2}) + \arcsin 1$ ,  
в)  $\cos(180 - \alpha) + \operatorname{tg}(\frac{3\pi}{2} - \alpha)$
2. Решите уравнения: а)  $\sin x - \sqrt{3} \cos x = 0$ , б)  $4 \sin 3x + \cos^2 3x = 4$
3. Найдите производные функций: а)  $y = 5x^2 - 4 \cos x$ , б)  $y = (6 - 3x)^5$
4. Исследуйте функцию  $y = -x^5 + 5x$  на точки экстремума
5. Решите неравенство:  $\cos(3x - \frac{\pi}{6}) < \frac{\sqrt{3}}{2}$

11 класс

## Входная контрольная работа

### Вариант 1

1. Найдите корень уравнения  $\sqrt{\frac{7}{4x-57}} = \frac{1}{3}$ .
2. Из множества натуральных чисел от 58 до 82 наудачу выбирают одно число. Какова вероятность того, что оно делится на 6?
3. а) Найдите  $\operatorname{tg} \alpha$ , если  $\sin \alpha = \frac{9}{\sqrt{181}}$  и  $\alpha \in (0; 0,5\pi)$ .
- б) Найдите значение выражения  $\frac{3 \sin(\alpha - \pi) - \cos(\frac{\pi}{2} + \alpha)}{\sin(\alpha - \pi)}$ .
4. Найдите наименьшее значение функции  $y = 8 + \frac{5\pi\sqrt{3}}{18} - \frac{5\sqrt{3}}{3}x - \frac{10\sqrt{3}}{3}\cos x$  на отрезке  $[0; \frac{\pi}{2}]$ .
5. Расстояние между городами  $A$  и  $B$  равно 550 км. Из города  $A$  в город  $B$  со скоростью 50 км/ч выехал первый автомобиль, а через час после этого навстречу ему из города  $B$  выехал со скоростью 75 км/ч второй автомобиль. На каком расстоянии от города  $A$  автомобили встретятся? Ответ дайте в километрах.

#### Вариант 2

1. Найдите корень уравнения:  $\sqrt{-72 - 17x} = -x$ . Если уравнение имеет более одного корня, укажите меньший из них.
2. В случайном эксперименте бросают две игральные кости. Найдите вероятность того, что в сумме выпадет 8 очков. Результат округлите до сотых.
3. а) Найдите  $\sin \alpha$ , если  $\cos \alpha = \frac{\sqrt{91}}{10}$  и  $\alpha \in (0; 0,5\pi)$ .
- б) Найдите значение выражения  $\frac{-10 \sin 97^\circ \cdot \cos 97^\circ}{\sin 194^\circ}$ .
4. Найдите наибольшее значение функции  $y = 16 \operatorname{tg} x - 16x + 4\pi - 5$  на отрезке  $[-\frac{\pi}{4}; \frac{\pi}{4}]$ .
5. Игорь и Паша красят забор за 24 часа. Паша и Володя красят этот же забор за 35 часов, а Володя и Игорь — за 40 часов. За сколько часов мальчики покрасят забор, работая втроем?

#### Контрольная работа за 1 полугодие

##### Вариант 1

- 1) Найдите значение выражения: а)  $\frac{3 \times \sqrt[3]{\frac{8}{27}}}{2,5} + \frac{\sqrt{0,25}}{2,5}$ ; б)  $1,4a^{\frac{1}{7}} \div 2a^{\frac{3}{7}}$  при  $a = \frac{1}{3}$ ; в)  $2^{\log_2 7} \times \log_3 \frac{1}{9}$ ; г)  $\log_2 10 - 2 \log_2 5 + \log_2 40$ .
- 2) Найдите  $\cos \alpha$ , если  $\sin \alpha = 0,8$  и  $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$ .
- 3) Вычислите  $\cos^2 15^\circ - \sin^2 15^\circ$ .
- 4) Решите уравнение: а)  $(\frac{1}{125})^{0,2x+1} = 25$ ; б)  $\log_2(2x - 4) = 7$ ; в)  $\log_{\frac{1}{7}}(2x + 5) - \log_{\frac{1}{7}} 6 = \log_{\frac{1}{7}} 2$ ; г)  $\sqrt{x^2 - 6} = \sqrt{-5x}$ ; д)  $2 \sin x + 1 =$
0. Укажите ближайший к нулю корень в градусах.
- 5) Решите неравенство: а)  $\log_{\frac{1}{2}}(2x + 5) > -3$ ; б)  $(\frac{1}{4})^x - 2^{1-x} - 8 < 0$ ; в)  $\frac{x^2 + 2x - 3}{(x-7)(x+5)} < 0$ .

#### Вариант2

- 1) Найдите значение выражения: а)  $\frac{-6 \times \sqrt{\frac{1}{4}}}{3} + \frac{\sqrt{324}}{6}$ ; б)  $a^{-\frac{3}{2}} \div a^{\frac{3}{2}}$  при  $a = 0,1$ ; в)  $5^{\log_5 3} \times \log_2 8$ ; г)  $2 \log_2 3 + \log_2 \frac{1}{3}$ .
- 2) Найдите  $\sin \alpha$ , если  $\cos \alpha = -0,6$  и  $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$ .
- 3) Вычислите  $2 \sin 15^\circ \times \cos 15^\circ$ .
- 4) Решите уравнение: а)  $(\frac{1}{27})^{0,5x-1} = 9$ ; б)  $\log_7(2x + 5) = 2$ ; в)  $(\log_{\frac{1}{2}} x)^2 - \log_{\frac{1}{2}} x = 6$ ; г)  $\sqrt{7 - x^2} = \sqrt{-6x}$ ; д)  $2 \sin x - 1 =$
0. Укажите наибольший отрицательный корень в градусах.
- 5) Решите неравенство: а)  $\log_3(1 - x) > \log_3(3 - 2x)$ ; б)  $(\frac{1}{5})^{x-1} + (\frac{1}{5})^{x+1} \leq 26$ ; в)  $\frac{(x+1)(x-4)}{x^2 + x - 6} > 0$ .

#### Промежуточная аттестация. Итоговая контрольная работа

##### 1 вариант

1. Решите уравнение:  $\log_5(2x - 1) = 2$ .

2. Решите неравенство:  $(\sqrt{5})^{x-6} < \frac{1}{5}$ .



3. Упростите :  $\frac{2\sin(\pi - 2\alpha)}{\operatorname{ctg}\alpha + \operatorname{ctg}(\alpha + \frac{\pi}{2})} + \cos(-2\alpha)$  .

$$\operatorname{ctg}\alpha + \operatorname{ctg}(\alpha + \frac{\pi}{2})$$

4. Решите уравнение:  $2\sin^2 x - 5\cos x + 1 = 0$ .

5. Решите уравнение:  $\sqrt{3x+1} - \sqrt{x+8} = 1$ .

6. Решите систему уравнений: 
$$\begin{cases} x + 2y = 13, \\ 2\log_4 x - \log_4(2y - 1) = 0,5. \end{cases}$$

2 вариант

1. Решите уравнение:  $\log_4(2x + 3) = 3$  .

2. Решите неравенство:  $(\sqrt[5]{3})^{x+6} > \frac{1}{9}$  .

3. Упростите:  $\frac{2\sin(\pi - \alpha)}{\sin(\frac{\pi}{2} + \alpha) + \operatorname{tg}\alpha} + 2\operatorname{ctg}(\frac{\pi}{2} - 2\alpha)$  .

4. Решите уравнение:  $2\sin^2 x + 5\cos x + 1 = 0$ .

5. Решите уравнение:  $\sqrt{2x+5} - \sqrt{x+6} = 1$ .

6. Решите систему уравнений: 
$$\begin{cases} 2x - y = 19, \\ \log_9(2x - 1) - 2\log_9 y = -0,5. \end{cases}$$

### **ЛИТЕРАТУРА ДЛЯ УЧИТЕЛЯ:**

1. Факультативный курс по математике: Решение задач: Учеб. пособие для 10 кл. сред. шк. - М.: Просвещение. - 252с.
2. Факультативный курс по математике: Решение задач: Учеб. пособие для 11 кл. сред. шк. - М.: Просвещение. - 252с.
3. Факультативный курс по математике: Теория вероятностей: Учеб. пособие для 9 - 11 кл. сред. шк. - 3-е изд. перераб. - М.: Просвещение, 1990-160с: ил.
4. Факультативный курс по математике: Учеб. пособие для 7 - 9 кл. сред. шк. / сост. И.Л. Никольская. - М.: Просвещение, 1991 — 383с: ил.
5. Шарыгин И.Ф. Математика для поступающих в вузы: Учеб. пособие. -3-е изд. стереотип. - М.: Дрофа, 2000 - 416с: ил.
6. Математика для поступающих в вузы: Пособие /Г.В. Дорофеев, М.К. Потапов, Н.Г. Розов. - 4-е изд., стереотип. - М.: Дрофа, 2001. - 672с: ил.
7. А.Н. Земляков. Алгебра+: рациональные и иррациональные алгебраические задачи. Элективный курс: Учебное пособие /А.Н.Земляков-М.: БИНОМ.Лаборатория знаний,2006.-319 с.ил.

### **Адреса образовательных Интернет ресурсов:**

1. WWW. Kengyru. ru –Интернет олимпиада по математике «Кенгуру» .
2. <http://matchclub.ru> – Высшая математика, лекции, примеры решения задач. Математика. Функции и их графики.
3. [WWW.allmath](http://WWW.allmath) – Вся математика.
4. <http://mathsun.ru> – История математики. Биографии великих математиков.
5. [WWW.matematik.ru](http://WWW.matematik.ru) Математика для абитуриентов.
6. [WWW/exponenta.ru](http://WWW.exponenta.ru) – Образовательный математический сайт.
7. [WWW.math.ru](http://WWW.math.ru) – Образовательный математический сайт.
8. [http:// gotovkege.ru](http://gotovkege.ru)– ЕГЭ математика

**Стартовая контрольная работа по алгебре, 10 класс**

**Вариант № 1.**

**Часть 1.**

1. Найдите значение выражения  $\frac{a^2 - 8a + 16}{a - 4}$  при  $a = 0,2$ .
2. Дана арифметическая прогрессия  $(a_n)$ , разность которой равна  $-0,8$ ,  $a_1 = 1,1$ .  
Найдите сумму первых 9 её членов.
3. Решите уравнение  $6x^2 + 7x - 3 = 0$ . В ответ запишите меньший из корней.
4. Установите соответствие между графиками функций и формулами, которые их задают.

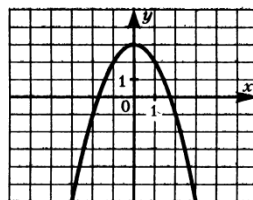
Формулы

- 1)  $y = \frac{3}{x}$       2)  $y = 3 - x^2$   
 3)  $y = -\frac{x}{3}$       4)  $y = -\frac{3}{x}$

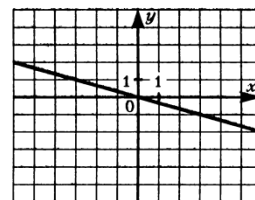
Ответ:

А	Б	В

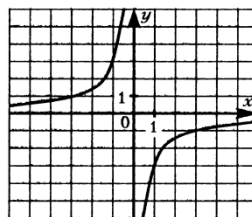
Графики



А)



Б)



В)

5. Решите неравенство  $x^2 + 4x - 12 > 5x$

**Часть 2.**

6. Решите систему уравнений: 
$$\begin{cases} 4x^2 - y = 2 \\ 3x - 2y = -1 \end{cases}$$

7. Реши задачу: Моторная лодка прошла против течения реки 84 км и вернулась в пункт отправления, затратив на обратный путь на 8 часов меньше. Найдите скорость течения, если скорость лодки в неподвижной воде равна 10 км/ч. Ответ дайте в км/ч.

## Вариант № 2.

### Часть 1.

1. Найдите значение выражения  $a^2 + 2ab - b(2a - 1)$  при  $a = -3$ ,  $b = 0,5$ .

2. Дана арифметическая прогрессия  $(a_n)$ , разность которой равна 0,6,  $a_1 = 6,2$ . Найдите сумму первых 13 её членов.

3. Решите уравнение  $3 - x + 2(5 - x) = 4x - 8$ .

4. Установите соответствие между графиками функций и формулами, которые их задают

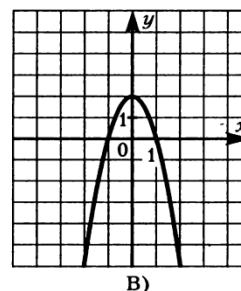
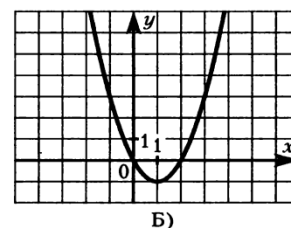
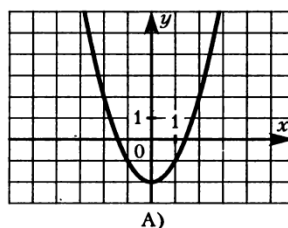
Формулы

- 1)  $y = x^2 + 2x$       2)  $y = x^2 - 2$   
 3)  $y = x^2 - 2x$       4)  $y = 2 - 2x^2$

Ответ:

А	Б	В

Графики



5. Решите неравенство  $x^2 - 8x \leq 9$ .

### Часть 2.

6. Решите уравнение:  $x^4 - 7x^2 + 12 = 0$ .

7. Реши задачу:

Моторная лодка прошла против течения реки 255 км и вернулась в пункт отправления, затратив на обратный путь на 2 часа меньше. Найдите скорость лодки в неподвижной воде, если скорость течения равна 1 км/ч. Ответ дайте в км/ч.

## Контрольная работа № 1

по теме «Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений»

Вариант 1

№1. Решите уравнение:

$$\frac{2x+3}{x^2-2x} - \frac{x-3}{x^2+2x} = 0.$$

а)

б)  $x^2 + 6x - 2 - \frac{35}{x^2 + 6x} = 0;$

2. Решите систему уравнений с помощью определителей:  $\begin{cases} 2x + y = 5 \\ x - 3y = -1 \end{cases}$

№3. Решите неравенство методом интервалов:

а)  $(x+7)(x-1)(x+8) < 0;$

$$\frac{(5-x)(x+3)}{x-2} < 0$$

б)

4. Укажите все корни уравнения  $|x+7|=1$

№5. Решите уравнение с помощью схемы Горнера:

$$4x^3 - 19x^2 + 19x + 6 = 0$$

Вариант 2

№1. Решите уравнение:

$$\frac{2x+4}{x^2-x} - \frac{x-4}{x^2+x} = 0.$$

а)

б)  $x^2 - 5x - 2 - \frac{24}{x^2 - 5x} = 0$

2. Решить систему уравнений с помощью определителей:  $\begin{cases} 3x + 4y = 1 \\ 2x - y = 8 \end{cases}$

№3. Решите неравенство методом интервалов:

а)  $(x+2)(x-8)(x+5) > 0;$

$$\frac{(x-2)(x+2)}{x-3} < 0;$$

б)

4. Укажите все корни уравнения  $|x+5|=2$

№5. Решите уравнение с помощью схемы Горнера:

$$x^3 + 4x^2 + 3x - 2 = 0$$

## Контрольная работа №2 по теме «Степенная функция. Её свойства и график»

### Вариант 1

1. Задаёт ли указанное правило функцию  $y = f(x)$ , если:

$$1) f(x) = \begin{cases} -x, & -1 < x \leq 0, \\ \sqrt{x} + 1, & x \geq 0; \end{cases} \quad 2) f(x) = \begin{cases} x^2, & 0 \leq x \leq 1, \\ 1, & 1 \leq x \leq 3, \\ x-3, & x > 3? \end{cases}$$

В случае положительного ответа:

- а) найдите область определения функции;
  - б) вычислите значения функции в точках  $-2$ ;  $1$ ;  $5$ ;
  - в) постройте график функции;
  - г) найдите промежутки монотонности функции.
2. Исследуйте функцию  $y = 3|x| - x^2$  на чётность.
3.  $y = f(x)$  – периодическая функция с периодом  $T = 3$ . Известно, что  $f(x) = 2 - x$ , если  $0 < x \leq 3$ .
- а) Постройте график функции;
  - б) найдите нули функции;
  - в) найдите её наибольшее и наименьшее значения.
4. Придумайте пример аналитически заданной функции, определенной на открытом луче  $(-\infty; 0)$ .
5. Известно, что функция  $y = f(x)$  возрастает на  $\mathbf{R}$ . Решите неравенство  $f\left(\frac{6x^2 + x + 9}{x^2 + 3}\right) \leq f(5)$ .
6. Найдите функцию, обратную функции  $y = x^2 + 5$ ,  $x \geq 0$ . Постройте на одном чертеже графики указанных двух взаимно обратных функций.

### Вариант 2

1. Задаёт ли указанное правило функцию  $y = f(x)$ , если:

$$1) f(x) = \begin{cases} -x, & x < 0, \\ -x^2, & 0 \leq x \leq 2, \\ -4, & 2 \leq x \leq 5; \end{cases} \quad 2) f(x) = \begin{cases} x-1, & x \leq 1, \\ x+1, & 1 \leq x < 4? \end{cases}$$

В случае положительного ответа:

- а) найдите область определения функции;
- б) вычислите значения функции в точках  $-3$ ;  $2$ ;  $6$ ;
- в) постройте график функции;
- г) найдите промежутки монотонности функции.

2. Исследуйте функцию  $y = \sqrt{x-2} + x^3$  на чётность.

3.  $y = f(x)$  – периодическая функция с периодом  $T = 2$ . Известно, что  $f(x) = 2x + 4$ , если  $-3 < x \leq -1$ .

- а) Постройте её график функции;
- б) найдите нули функции;
- в) найдите её наибольшее и наименьшее значения.

4. Придумайте пример аналитически заданной функции, определённой на луче  $(-\infty; 0]$ .

5. Известно, что функция  $y = f(x)$  убывает на  $\mathbf{R}$ . Решите неравенство

$$f\left(\frac{3x^2 - 7x + 8}{x^2 + 1}\right) > f(2).$$

6. Найдите функцию, обратную функции  $y = 3 - x^2$ ,  $x \geq 0$ . Постройте на одном чертеже графики указанных двух взаимно обратных функций.

### Контрольная работа №3 по теме «Свойства и график корня n-й степени

#### Вариант 1

1. Найти область определения функции  $y = \sqrt[4]{4 - x^2}$ .

2. Изобразить эскиз графика функции  $y = x^{-5}$ .

1) Выяснить, на каких промежутках функция убывает

2) Сравнить числа: а)  $\left(\frac{1}{7}\right)^{-5}$  и  $1$ ; б)  $(3,2)^{-5}$  и  $(3\sqrt{2})^{-5}$ .

3. Решить уравнение: 1)  $\sqrt{1-x} = 3$ ; 2)  $\sqrt{x+2} = \sqrt{3-x}$ ; 3)  $\sqrt{1-x} = x + 1$ ;

---

$$4) \sqrt{2x+5} - \sqrt{x+6} = 1.$$

4. Найти функцию, обратную к функции  $y = (x - 8)^{-1}$ , указать её область определения и множество значений.

5. Решить неравенство  $\sqrt{x+8} > x+2$ .

### **Вариант 2**

1. Найти область определения функции  $y = (x^2 - 9)^{-\frac{1}{3}}$ .

2. Изобразить эскиз графика функции  $y = x^{-6}$ .

1) Выяснить, на каких промежутках функция возрастает.

2) Сравнить числа: а)  $\left(\frac{1}{3}\right)^{-6}$  и  $\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^{-6}$ ; б)  $(4,2)^{-6}$  и 1.

3. Решить уравнение: 1)  $\sqrt{x-2} = 4$ ; 2)  $\sqrt{5-x} = \sqrt{x-2}$ ; 3)  $\sqrt{1+x} = 1-x$ ;

---

$$4) \sqrt{3x+1} - \sqrt{x+8} = 1.$$

4. Найти функцию, обратную к функции  $y = 2(x+6)^{-1}$ , указать её область определения и множество значений

5. Решить неравенство  $\sqrt{x-3} > x-5$ .

### **Контрольная работа № 1 "Тригонометрические выражения и тригонометрические уравнения"**

#### **Вариант 1**

**1. Решите уравнение:**

1)  $3\cos^2 x + 7\sin x - 5 = 0$ ;

2)  $2\sin^2 x + 1,5\sin 2x - 3\cos^2 x = 1$ ;

3)  $\sin 8x + \sin 10x + \cos x = 0$ ;

4)  $\frac{\cos x - \cos 5x}{\cos 3x} = 0$ .

**2. Решите неравенство:**

1)  $\operatorname{tg}\left(5x - \frac{\pi}{3}\right) \geq -\frac{\sqrt{3}}{3}$ ;

2)  $\sin x \operatorname{tg} 2x > 0$ .

**3. Решите уравнение  $\sin 2x + \sqrt{3} \cos 2x = 2 \cos 6x$ .**

**4. Вычислите  $\sin\left(\arccos \frac{2}{3}\right)$ .**



## Вариант 2

1. Решите уравнение:

1)  $4\sin^2 x - 11\cos x - 1 = 0$ ;

2)  $3\sin^2 x - \sin 2x - \cos^2 x = 2$ ;

3)  $\cos 5x - \cos 7x + \sin x = 0$ ;

4)  $\frac{\sin 2x + \sin 6x}{\sin 2x} = 0$ .

2. Решите неравенство:

1)  $\operatorname{ctg}\left(6x + \frac{\pi}{6}\right) \geq -\sqrt{3}$ ;

2)  $\cos x \operatorname{tg} 2x < 0$ .

3. Решите уравнение  $\sin 3x - \cos 3x = \sqrt{2} \sin x$ .

4. Вычислите  $\cos\left(\arcsin \frac{1}{5}\right)$ .

## Вариант 3

1. Решить уравнение: 1)  $\sqrt{2} \cos x - 1 = 0$ ; 2)  $3\operatorname{tg} 2x + \sqrt{3} = 0$ .

2. Найти решение уравнения  $\sin \frac{x}{3} = -\frac{1}{2}$  на отрезке  $[0; 3\pi]$ .

3. Решить уравнение 1)  $3\cos x - \cos^2 x = 0$ ;

---

4. Решить уравнения

1)  $6\sin^2 x - \sin x = 1$ ;

2)  $4\sin x + 5\cos x = 4$ ;

4)  $\sin^4 x + \cos^4 x = \cos^2 2x + 0,25$ .

## Вариант 4

1. Решить уравнение: 1)  $\sqrt{2} \sin x - 1 = 0$ ; 2)  $\operatorname{tg} \frac{x}{2} - \sqrt{3} = 0$ .

2. Найти решение уравнения  $\cos \frac{x}{2} = \frac{1}{2}$  на отрезке  $[0; 4\pi]$ .

3. Решить уравнение 1)  $\sin^2 x - \sin x = 0$ ;

---

4. Решить уравнения

1)  $10\cos^2 x + 3\cos x = 1$ ;

2)  $5\sin x + \cos x = 5$ ;

3)  $\sin^4 x + \cos^4 x = \sin^2 2x - 0,5$ .

## Промежуточная аттестация в форме контрольной работы.

### Вариант 1

1. Решите неравенство  $x^2(2x + 1)(x - 3) \geq 0$ .
2. Решите уравнение:  
а)  $\sqrt{3x + 4} - \sqrt{x} = 2$ ; б)  $4^x - 3 \cdot 4^{x-2} = 52$ ; в)  $\log_2 \frac{8}{x} - \log_2 \sqrt{2x} = -\frac{1}{2}$ .
3. Сколько корней имеет уравнение  $2\cos^2 x - \sin(x - \frac{\pi}{2}) + \operatorname{tg} x \operatorname{tg}(x + \frac{\pi}{2}) = 0$  на промежутке  $(0; 2\pi)$ ? Укажите их.
4. Найдите целые решения системы неравенств: 
$$\begin{cases} \left(\frac{1}{2}\right)^{-2x+1} > 32, \\ \log_4(x-6)^2 \leq 1. \end{cases}$$

### Вариант 2

1. Решите неравенство  $\frac{x^2(x-2)}{8x+4}$
2. Решите уравнение:  
а)  $\sqrt{x+7} + \sqrt{x-2} = 9$ ; б)  $5^x - 7 \cdot 5^{x-2} = 90$ ; в)  $\log_5 \frac{25}{x} + \log_5 \sqrt{5x} = 2$ .
3. Сколько корней имеет уравнение  $\sin^2 x + \cos^2 2x + \cos^2(\frac{\pi}{2} + 2x) \cos x \operatorname{tg} x = 1$  на промежутке  $(0; 2\pi)$ ? Укажите их.
4. Найдите целые решения системы неравенств: 
$$\begin{cases} 3^{2x-6} < \frac{1}{27}, \\ \log_3(1-x)^2 \leq 2. \end{cases}$$

### Вариант 3

1. Решить уравнение:

$$1) \left(\frac{1}{5}\right)^{2-3x} = 25; \quad 2) 4^x + 2^x - 20 = 0.$$

2. Решить неравенство  $\left(\frac{3}{4}\right)^x > 1\frac{1}{3}$ .

3. Решить систему уравнений 
$$\begin{cases} x - y = 4, \\ 5^{x+y} = 25. \end{cases}$$

4. Решить неравенство:

$$1) (\sqrt{5})^{x-6} < \frac{1}{5}; \quad 2) \left(\frac{2}{13}\right)^{x^2-1} \geq 1.$$

5. Решить уравнение  $7^{x+1} + 3 \cdot 7^x = 2^{x+5} + 3 \cdot 2^x$ .

**4 вариант**

**1. Решить уравнение:**

1)  $0,1^{2x-3} = 10$ ;      2)  $9^x - 7 \cdot 3^x - 18 = 0$ .

**2. Решить неравенство**  $\left(1\frac{1}{5}\right)^x < \frac{5}{6}$ .

**3. Решить систему уравнений** 
$$\begin{cases} x + y = -2, \\ 6^{x+5y} = 36. \end{cases}$$

---

---

**4. Решить неравенство:**

1)  $(\sqrt[3]{3})^{x+6} > \frac{1}{9}$ ;      2)  $\left(1\frac{2}{7}\right)^{x^2-4} \leq 1$ .

**5. Решить уравнение**  $3^{x+3} + 3^x = 5 \cdot 2^{x+4} - 17 \cdot 2^x$ .

**Контрольные работы 11 класс**

**Контрольная работа: "Решение уравнений и неравенств"**

**1 вариант**

1. Решить уравнение

$$\log_2(x-3) = 2 - \log_2 x.$$

2. Решить неравенство

$$\left(\frac{1}{2}\right)^{-x} + 2^{3+x} \leq 9.$$

3. Вычислить абсциссы и ординаты точек пересечения графиков функций  $y = 2 \sin\left(x + \frac{\pi}{3}\right)$  и  $y = \sqrt{3} \cos x$ .

4. Найти расстояние от начала координат до касательной к графику функции  $y = x \ln x$ , параллельной оси абсцисс.

5. При каких значениях  $a$  график функции  $y = 3x - 4x^3$  и прямая  $y = a$  имеют одну общую точку?

6. Доказать, что площадь фигуры, ограниченной графиком функции  $y = \frac{1}{x\sqrt{x}}$  и прямыми  $y = 0$ ,  $x = 4$ ,  $x = p$  (при  $p > 4$ ), меньше 1.

## 2 вариант

1. Решить уравнение  $\log_4(x+4) = 2 - \log_4(x-2)$ .

2. Решить неравенство

$$3^{x-2} - \left(\frac{1}{3}\right)^{-x} + 8 > 0.$$

3. Вычислить абсциссы и ординаты точек пересечения графиков функций  $y = -\sin x$  и  $y = \sqrt{2} \cos\left(x + \frac{\pi}{4}\right)$ .

4. Найти расстояние от оси абсцисс до касательной к графику функции  $y = 4 \ln(x-1) - x^2$ , параллельной оси абсцисс.

5. При каких значениях  $b$  прямая  $y = b$  пересекает график функции  $y = x^3 + 3x^2$  более чем в двух различных точках?

6. Доказать, что площадь фигуры, ограниченной графиком функции  $y = 2^{2x}$  и прямыми  $y = 0$ ,  $x = -0,5$ ,  $x = t$  (при  $t < -0,5$ ), меньше 1.

## Промежуточная аттестация в форме контрольной работы.

### 1 вариант

1. Решить уравнение  $(\sqrt{2})^{\frac{1}{x+3}} = 32$ .
2. Найти площадь фигуры, ограниченной линиями  $y = 2 - x^2$  и  $y = 1$ .
3. Без использования таблиц и микрокалькулятора найти значение выражения 
$$\frac{11 \cos 287^\circ - 25 \sin 557^\circ}{\sin 17^\circ}.$$
4. Решить систему уравнений 
$$\begin{cases} \log_2(x+2) - \log_4 y = 1, \\ x + y = 6. \end{cases}$$
5. Найти наибольшее и наименьшее значения функции  $y = 2x^3 - 3x^2 - 12x + 24$  на отрезке  $[-2; 1]$ .
6. Доказать, что уравнение  $x^5 + 3x^3 + 7x - 11 = 0$  имеет единственный корень. Найти этот корень.

## 2 вариант

1. Решить неравенство  $16^{x+\frac{1}{4}} < \frac{1}{2}$ .
2. Решить уравнение  $\sqrt{2 \cos 3x + 2} = 1$ .
3. При каких значениях  $b$  выражения  $(3b+1) \cdot \lg(1-b)$  и  $3b+1$  принимают одинаковые значения?
4. Найти промежутки возрастания и убывания функции  $y = 4x + \frac{1}{x}$ .
5. Найти площадь фигуры, ограниченной графиками функций  $y = x^2$ ,  $y = \frac{1}{x}$  и прямыми  $y = 0$  и  $x = 2$ .
6. Найти общие точки графика функции  $y = x^3 + 2x^2 - 5x + 1$  и прямой  $y = 1 - 7x$  и определить, есть ли среди них точки касания.

ДОКУМЕНТ ПОДПИСАН ЭЛЕКТРОННОЙ ПОДПИСЬЮ

МУНИЦИПАЛЬНОЕ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ АВТОНОМНОЕ  
УЧРЕЖДЕНИЕ "СРЕДНЯЯ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНАЯ ШКОЛА № 10",  
Швалина Лариса Анатольевна, Директор

08.11.24 10:10 (MSK)

Сертификат E451CFA32DEC0AD3BC44B12FA0FE50BB